# ФОРМИРОВАНИЕ ОПТИМАЛЬНЫХ ПО ТЕПЛОВЫМ ПОТЕРЯМ ДИАГРАММ ПОЗИЦИОННОГО ЭЛЕКТРОПРИВОДА С ЗАДАННЫМ ЗНАЧЕНИЕМ РЫВКА 

Полинский С.В., магистрант; Розкаряка П.И., аспирант; Толочко О.И., доц., д.т.н.<br>(Донечкий начиональный технический университет, г. Донеик, Украина)

С целью уменьшения ударов в кинематических передачах в системах управления электроприводами предусматривают ограничение не только скорости и ускорения, но и рывка.

Одним из способов ограничения рывка является установка на входе системы автоматического управления задающего устройства, формирующего эталонные сигналы задания на изменение основных координат электропривода. Для позиционных электроприводов такими координатами являются положение $\varphi$, скорость $\omega$, ускорение $\varepsilon$ и рывок $\rho$.

Рассмотрим методику формирования оптимальных по тепловым потерям диаграмм отработки заданного перемещения $\Delta \varphi_{3}$ за заданное время $t_{0}$, с учетом ограничений на скорость $\omega_{0}$, ускорение $\varepsilon_{0}$ и рывок $\rho_{0}$.

В зависимости от соотношения перечисленных выше параметров исследуемые диаграммы могут иметь одну из четырех форм, представленных на рис. 1: а) диаграмма с ограничением рывка, б) с ограничением рывка и скорости, в) с ограничением рывка и ускорения, г) с ограничением рывка, скорости и ускорения.

При реализации приведенных диаграмм достаточно сформировать сигнал задания на ускорение $\varepsilon(t)$, а оставшиеся координаты (скорость $\omega(t)$ и перемещение $\Delta \varphi(t)$ ) получить его последовательным интегрированием.

Приведем пример расчета характерных точек сигналов задания на ускорение. Для начала проанализируем самую простую диаграмму (рис. 1 а). Для определения времени $t_{1}$ запишем выражение для перемещения $\Delta \varphi_{3}$ в виде суммы площадей, ограниченных кривой скорости $\omega(t)$ (см. рисунок):

$$
\Delta \varphi_{3}=2 \frac{\rho_{0} t_{1}^{3}}{6}+\frac{\rho_{0} t_{1}^{2}}{2}\left(t_{0}-2 t_{1}\right)+\frac{\rho_{0} t_{1}}{6}\left(t_{0}-2 t_{1}\right)^{2} .
$$

После математических преобразований получаем уравнение второй степени относительно $t_{1}$ :

$$
t_{1}^{2}\left(-\frac{t_{0}}{6}\right)+t_{1} \frac{t_{0}^{2}}{6}-\frac{\Delta \varphi_{3}}{\rho_{0}}=0,
$$

откуда находим время работы привода с заданным значением рывка при разгоне и торможении:

$$
t_{1}=\frac{t_{0}}{2}-\sqrt{\frac{t_{0}^{2}}{4}-\frac{6 \varphi}{t_{0} \rho_{0}}}
$$

После этого достаточно легко определить максимальные значения ускорения $\varepsilon_{\max }$ и скорости $\omega_{\max }$ :

$$
\varepsilon_{\max }=\rho_{0} t_{1} ; \quad \omega_{\max }=\frac{1}{4} \rho_{0} t_{1} t_{0}
$$



Рисунок 1 - Оптимальные по тепловым потерям диаграммы перемещения, сформированные с учетом ограничений на скорость, ускорение и рывок

Параметры остальньх диаграмм определены по той же методике и сведены в табл. 1.

При известных выражениях для расчета максимальных значений ускорения $\varepsilon_{\max }$ и скорости $\omega_{\max }$, можно составить алгоритм выбора необходимой диаграммы отработки заданного перемещения, обеспечивающей оптимальные тепловые потери двигателя и заданные значения рывка. В работе [1] представлена блок-схема алгоритма, который можно использовать для решения и данной задачи, но для этого необходимо предварительно заменить формулы для
$\varepsilon_{\max }$ и $\omega_{\max }$ соответствующими формулами, учитывающими ограничение на рывок, а также применить приведенные в табл. 1 формулы для расчета абсцисс точек излома графиков $\varepsilon(t)$.

Таблица 1 - Формулы для расчета оптимальных по тепловым потерям диаграмм с заданным значением рывка

| Рис. | $t$ | $\omega_{\text {max }}$ | $\varepsilon_{\text {max }}$ |
| :---: | :---: | :---: | :---: |
| 1 a | $t_{1}=\frac{t_{0}}{2}-\sqrt{\frac{t_{0}^{2}}{4}-\frac{6 \varphi}{t_{0} \rho_{0}}}$ | $\frac{1}{4} \rho_{0} t_{1} t_{0}$ | $\rho_{0} t_{1}$ |
| $1 \sigma$ | $\begin{gathered} t_{\mathrm{p}}=\frac{2 \omega_{0}}{\rho_{0} t_{1}} \\ t_{\mathrm{y}}=t_{0}-2 t_{\mathrm{p}} \\ t_{1}=\frac{3}{4}\left(\begin{array}{c} \omega_{0}-\frac{\varphi}{\omega_{0}}-\frac{\sqrt{\omega_{0}^{2} t_{0}^{2}-2 \omega_{0} t_{0} \varphi+\varphi^{2}-\frac{32 \omega_{0}^{3}}{9 \rho_{0}}}}{\omega_{0}} \end{array}\right) \end{gathered}$ | $\omega_{0}$ | $\rho_{0} t_{1}$ |
| 1в | $\begin{gathered} t_{1}=\frac{\varepsilon_{0}}{\rho_{0}} \\ t_{2}=\frac{t_{0}}{2}-\frac{\sqrt{3 t_{0}^{2}-\frac{12 \varphi}{\varepsilon_{0}}-\frac{6 t_{0} \varepsilon_{0}}{\rho_{0}}+\frac{4 \varepsilon_{0}^{2}}{\rho_{0}^{2}}}}{2} \end{gathered}$ | $\frac{\varepsilon_{0}}{2}\left(\frac{t_{0}}{2}+t_{2}-t_{1}\right)$ | $\varepsilon_{0}$ |
| 1г | $\begin{gathered} t_{1}=\frac{\varepsilon_{0}}{\rho_{0}} \\ t_{2}=\sqrt{t_{1}^{2}+12\left(\frac{\omega_{0}}{\varepsilon_{0}}\left(t_{0}-\frac{\varepsilon_{0}}{\rho_{0}}-\frac{\omega_{0}}{\varepsilon_{0}}\right)-\frac{\varphi}{\varepsilon_{0}}\right)} \\ t_{\mathrm{p}}=\frac{\omega_{0}}{\varepsilon_{0}}+\frac{t_{1}}{2}+\frac{t_{2}}{2} \quad t_{\mathrm{y}}=t_{0}-2 t_{\mathrm{p}} \end{gathered}$ | $\omega_{0}$ | $\varepsilon_{0}$ |

Перечень ссылок

1. Мазин А.Ю., Розкаряка П.И. Алгоритм формирования оптимальных по нагреву диаграмм с различными видами ограничений // Автоматизація технологічних об’єктів та процесів. Пошук молодих. Збірник наукових праць II Міжнародної науково-технічної конференції аспірантів та студентів в м. Донецьку 25-26 квітня 2002 р. - Донецьк: ДонНТУ. - 2002. - С. 168-170.
