А.А. Шавёлкин, канд. техн. наук

(Украина, Донецк, Донецкий национальный технический университет)

## УПРАВЛЯЕМЫЙ ВЫПРЯМИТЕЛЬ С АКТИВНЫМ ФОРМИРОВАНИЕМ ВХОДНОГО ТОКА

В настоящее время широко применяются активные выпрямители на полностью управляемых ключах (IGBT, IGCT) с формированием синусоидального входного тока [1]. Принцип их действия предполагает то, что выпрямленное напряжение  $U_d > U_{\Lambda m}$  ( $U_{\Lambda m}$  амплитуда линейного напряжения на входе).

Регулирование напряжения в управляемых выпрямителях (УВ) с фазовым управлением связано с существенной проблемой – несинусоидальным входным током. Усугубляется проблема при работе на емкостную нагрузку.

Задача регулирования выпрямленного напряжения может быть решена при использовании в схеме полностью управляемых ключей и импульсных методов регулирования. При этом схема и алгоритм управления должны решать две задачи: обеспечения регулирования при высоком качестве выходного напряжения и формирование синусоидального входного тока.

**Цель работы**. Исследование возможностей схемы трехфазного мостового выпрямителя на полностью управляемых ключах и разработка алгоритма, обеспечивающего регулирование напряжения при синусоидальном входном токе.

**Изложение материала и результатов работы.** Схема УВ (рис.1) обеспечивает одностороннюю проводимость с передачей энергии в цепь нагрузки. Принцип действия аналогичен понижающему импульсному преобразователю.

Для этого в схему введен выходной  $L_B C_B$  фильтр с обратным диодом VD на входе. Регулирование U<sub>C</sub> достигается изменением коэффициента заполимпульсов нения включения ключей. При этом  $i_{\phi_{A1}}$  имеет импульсный харак-



Рис. 1. Схема управляемого выпрямителя

тер (рис. 6). Для сглаживания пульсаций входного тока используется  $R_{\phi}L_{\phi}C_{\phi}$  – фильтр, причем емкость  $C_{\phi}$  на входе УВ необходима также для исключения перенапряжений в ключах при разрыве тока сети и сглаживания пульсаций напряжения на входе выпрямителя.

В мостовой схеме выпрямления ток, потребляемый из сети, – несинусоидальный при длительности 2/3 периода. Зажимы УВ *p* и *n* через два ключа (рис.1) присоединяются к двум фазам сети на линейное напряжение  $u_{\pi}$  – ток протекает в двух фазах. Равномерное распределение тока по фазам сети во времени можно обеспечить при поочередном подключении выходных зажимов к разным фазам при  $u_{\pi}>0$ . Так, при включении VT1 и VT4 напряжение  $u_B=u_{AB}$ (рис. 2) и ток протекает в фазах *A* и *B*, при запирании VT4 и отпирании VT6  $u_B=u_{AC}$  ток протекает в фазах *A* и *C* и т.д. Полагаем, что напряжение  $U_C$  и соответственно ток  $i_L$  в дросселе  $L_B$  идеально сглажены. При этом токи  $i_d$  на выходе и  $i_{\Phi 1}$  на входе УВ за счет периодического переключения ключей выпрямителя

будут иметь форму импульсов постоянной амплитуды. Используя ШИМ можно обеспечить изменение среднего значения тока  $i_{\phi_1}$  по синусоидальному закону. Рассмотрим применение векторной ШИМ (SVC), поскольку ЭТОТ метод обеспечивает минимальное количество переключений ключей схемы.

заны фазы сети, которые соединяются с выводами p и n,  $u_B$ , токи в фазах и угол сдвига пространственного вектора тока  $\beta$ . Вектор <u> $I_S$ </u> представлен на рис.3,а (нумерация положений <u> $I_S$ </u> соответствует табл. 1). При этом для сектора между векторами 1 и 5 (интервал в 60° выделен на рис. 2) первый базовый (ненулевой) вектор задается  $u_{4B}$ ,

второй *и*<sub>AC</sub>.



Рис. 2. Временные диаграммы напряжений

Для  $cos\phi=1$  пространственные вектора напряжения <u>U</u><sub>S</sub> и тока сети <u>I</u><sub>S</sub> совпадают по фазе. Разбиваем период (рис. 2) на 6 интервалов в моменты изменения полярности напряжения сети  $u_{\phi}$ . Интервалы соответствуют максимумам  $u_{\phi}$ и определяют положение <u>U</u><sub>S</sub> и <u>I</u><sub>S</sub> в секторе 60°. При этом имеется 6 ненулевых векторов и 1 нулевой, когда УВ от сети отключен. Возможные состояния схемы УВ представлены в табл. 1, где пока-

Таблица 1

состояния схемы выпрямителя										
N⁰	p	п	$u_B$	$i_A$	$i_B$	$i_C$	β, °			
1	Α	В	$u_{AB}$	i	-i	0	-30			
2	В	А	$u_{BA}$	- i	i	0	150			
3	В	С	$u_{BC}$	0	i	- i	90			
4	С	В	$u_{CB}$	0	- i	i	-90			
5	Α	С	$u_{AC}$	i	0	- i	30			
6	С	А	$u_{CA}$	- i	0	i	-150			
0			0	0	0	0	0			

Относительные (к периоду коммутации  $T_K$ ) длительности нахождения схемы в состояниях, которые обеспечивают формирование пространственного вектора для сектора в 60° (рис. 3,  $\delta$ ):

$$\delta_1 = \mu \sin(60 - \theta); \quad \delta_2 = \mu \sin\theta; \quad \delta_0 = 1 - \delta_1 - \delta_2, \tag{1}$$

где  $\mu$  – коэффициент модуляции по амплитуде (относительное значение  $U_C$ ).



Рис. 3. Формирование пространственного вектора входного тока

Принимаем в качестве начала отсчета времени момент  $t_1$  (рис.2), тогда  $u_{AB}=U_{\Pi m}cos\theta, u_{AC}=U_{\Pi m}cos(\theta-60^{\circ}), (U_{\Pi m}-$ амплитуда линейного напряжения  $u_{\Pi}$  сети). Среднее на интервале  $T_K$  значение выпрямленного напряжения

$$U_{CP} = u_{AB} \cdot d_{l} + u_{AC} \cdot d_{2} = \mu U_{Jm} [\cos\theta \cdot \sin(60^{\circ} \cdot \theta) + \cos(\theta \cdot 60^{\circ}) \cdot \sin\theta] = \mu U_{Jm} \cdot \sqrt{3/2}.$$
 (2)

Соотношение (2) запишем в виде  $U_{CP} = m(U_{Лm} \cdot \sqrt{3/2}) = mU_{CP1}$ .

Алгоритм управления при  $\mu$ =1 и дискретности формирования вектора 6° (частота  $f_K$ =1/ $T_K$ =3000Гц) иллюстрирует рис. 4. Расчетные соотношения для сектора  $\theta$ =0°-30° (для  $\theta$ =30°- 60° значения те же) приведены в табл. 2. Для перехода от  $\delta_i$  к временным интервалам  $t_i$  использовано модулирующее напряжение  $u_{TP}$  треугольной формы единичной амплитуды с частотой  $f_K$ /2, которое сравнивается по уровню с напряжениями, соответствующими  $\delta_1$  и ( $\delta_1$ + $\delta_2$ ). Импульсы, соответствующие  $t_1$  и  $t_2$ , подаются на пару ключей соединяющих выход выпрямителя с фазами сети A и B, A и C. При этом ключ в фазе A включен в течение времени, которое соответствует сектору 1-5 (T/6), а переключаются ключи в фазах B и C.



Рис. 4. Принцип реализации векторной ШИМ

Таблица 2

<i>Ө</i> , град	0	3	6	9	12	15	18	21	24	27	30
$60 - \theta$	60	57	54	51	48	45	42	39	36	33	30
$\delta_{l}$	0,866	0,839	0,809	0,777	0,743	0,707	0,67	0,629	0,406	0,545	0,5
$\delta_2$	0	0,052	0,105	0,156	0,208	0,259	0,309	0,358	0,588	0,454	0,5
γ	0,866	0,891	0,914	0,933	0,951	0,966	0,979	0,987	0,994	0,999	1
1-γ	0,133	0,109	0,086	0,066	0,049	0,033	0,021	0,013	0,006	0,001	0

Основные соотношения для сектора 30°

Напряжение  $u_B$  (рис.6) имеет форму импульсов с частотой  $f_M=f_K/2$ , длительность которых определяется суммой  $(t_1+t_2)$  для соседних интервалов, соответствующих положению вектора 9° и 15°, 21° и 27°, 33° и 39°, 45° и 51°, 57° и 63° (рис. 4). Среднее значение выпрямленного напряжения на интервале  $T_K$  – постоянное (2), меняется длительность импульса. Полагаем, что емкость  $C_B$  достаточно велика и  $U_C$  идеально сглаженное,  $U_H = U_C = m \frac{\sqrt{3}}{2} U_{Jm} = m U_{CP1}$ . Тогда можно считать, что ток  $i_L$  пульсирует, изменяясь при этом по линейному закону. Полагаем, что импульс напряжения на выходе УВ при коэффициенте заполнения  $mg = m \frac{t_1 + t_2}{T_K} = m(d_1 + d_2)$  имеет постоянную амплитуду в пределах

 $T_K$ , значение которой при постоянном  $U_C$  составит  $U_B = \frac{U_C}{mg} = \frac{mU_{CP1}}{mg} = \frac{U_{CP1}}{g}$ . Длительность импульса  $t_i = \Delta t = \mu \gamma T_K$ . В середине сектора при  $\theta \rightarrow 30^\circ$  и  $\gamma = 1$  напряжение  $U_B = U_{CP1}$ . Амплитуда пульсаций тока относительно  $I_{LCP}$ 

$$\Delta I_{L} = \frac{(U_{B} - U_{C})\Delta t}{L_{B}} = \frac{U_{CP1}(1 - mg)m}{L_{B}f_{K}}.$$
(3)

Амплитуда пульсаций  $i_L$  в пределах сектора изменяется в соответствии со значением  $\gamma$  – минимальна в середине сектора  $\theta$ =30° и возрастает по краям (рис.5, *a*). При  $\mu$ =1 значение  $\Delta I_L$  пропорционально (1- $\gamma$ ) (табл. 2), максимальное значение  $\Delta I_{LMAX}=A=0.133(U_{CPI}/L_Bf_K)$  соответствует  $\theta$ =0° и  $\theta$ =60°. При этом получаем модулированные по амплитуде колебания  $Di(t) = F(t) sin w_M t$ , где F(t) – периодическая несинусоидальная функция с частотой, кратной частоте напряжения сети, которая с некоторым приближением может быть представлена как F(t)=A -/ $Asin3\omega t$ |. Используя стандартное разложение в ряд Фурье для / $Asin3\omega t$ |, получаем

$$F(t) = A(1 - \frac{2}{p} - \frac{4}{p3}\cos 2(3wt) + \frac{4}{p3 \cdot 5}\cos 4(3wt) - \frac{4}{p5 \cdot 7}\cos 6(3wt) + \dots)$$

Если пренебречь высшими гармониками, то



Рис.5. Диаграммы работы выходного фильтра выпрямителя

$$\Delta i(t) = A(\frac{p-2}{p} - \frac{4}{3p}\cos 6wt)\sin w_M t =$$

$$= A(0.363\sin w_M t - 0.212\sin(w_M + 6w)t - 0.212\sin(w_M - 6w)t)$$
(4)

Таким образом, пульсации  $i_L$  обусловлены действием гармоники с частотой модуляции (при амплитуде ее  $0.048(U_{CPI}/L_B f_K))$  и близких по частоте боковых гармоник ( $\omega_M + 6\omega$ ) и ( $\omega_{M-} 6\omega$ ). При этом в разложении отсутствуют низкочастотные составляющие.

Вместе с тем, анализ (3) показывает, что максимальная амплитуда пульсаций имеет место при  $\mu$ =0.5. Так, для  $\theta$ =0° значение  $\mu(1 - \mu\gamma)$ =0.283, а для  $\theta$ =30° значение  $\mu(1 - \mu\gamma)$ =0.25. Относительное изменение амплитуды пульсаций при этом составляет те же 13.3%, что и при  $\mu$ =1, абсолютное изменение амплитуды пульсаций  $A^{1}$ =0.033( $U_{CPI}/L_{B}f_{K}$ ) и с учетом (4) его влияние на гармонический состав при расчете параметров схемы ( $f_{K}$ ,  $L_{B}$ ) можно не учитывать. Это подтверждает и диаграмма тока на рис.5,  $\delta$ .

Расчет производится при  $\mu$ =0.5 в соответствии с (3) исходя из допустимого значения  $\Delta I_L$  (например, 10% от среднего значения  $I_{LCP}$ ). Переменные составляющие тока замыкаются через конденсатор  $C_B$ , обуславливая колебания выходного напряжения  $u_{II}$ , величина которых определяется коэффициентом пульсаций напряжения,  $K_{IIH}=U_{IIm}/U_{CP}$ . Принимаем, что переменная составляющая тока конденсатора  $i_C(t) = \Delta I_L \sin w_M t$ .

Соответствующие пульсации ис относительно среднего значения UCP

$$u_{\Pi} = \frac{1}{C} \int i_C(t) dt = -\frac{\Delta I_L}{C w_M} \cos w_M t = U_{\Pi m} \cos w_M t .$$
<sup>(5)</sup>

Емкость конденсатора  $C_B$  при этом:

$$C = \frac{DI_L}{W_M \, 05U_{CPI} K_{\Pi H}} \,. \tag{6}$$

Диаграммы  $i_{\phi A1}$  и  $u_B$  показаны на рис. 6. Ток  $i_{\phi A1}$  имеет форму импульсов постоянной амплитуды, формируемых методом однополярной ШИМ из постоянного тока  $i_L$ . При этом  $i_{\phi A1}$  имеет такой же гармонический состав как напряжение инвертора напряжения [1] и содержит основную гармонику с частотой сети (50Гц) и высшие гармоники с частотами кратными,  $f_M$ . Амплитуда основной гармоники зависит от сопротивления нагрузки  $R_H$  на выходе УВ и  $\mu$ :

$$I_{m\Phi(1)} = mI_{LCP} = m\frac{mU_{CP1}}{R_{H}}.$$

Гармоника с частотой  $f_M$  определяется  $I_{LCP}$  и ее амплитуда  $I_m$  составляет порядка  $I_{LCP}/3$  [1]. Максимальное значение  $I_m$  имеет место при  $\mu=1$ . Замыкается эта гармоника через конденсатор фильтра  $C_{\phi}$  и обуславливает соответствующие пульсации напряжения на нем – в фазном напряжении на входе выпрями-

теля (рис. 7). По аналогии с (5) и (6) получаем:  $C_{\phi} = \frac{I_m}{W_M \sqrt{2}U_{\phi}K_{\Pi H}}$ .

Искажения формы  $u_{\phi}$  обуславливают дополнительные пульсации тока  $i_L$ и  $u_B$ , по возможности их следует сводить к минимуму. Значение  $L_{\phi}$  выбирается из условия, чтобы резонансная частота  $f_P$  (частота среза)  $L_{\phi}C_{\phi}$  – фильтра была меньше  $f_M$ . Амплитудно-частотная характеристика имеет «подъем» в области  $f_P$ , поэтому для снижения добротности фильтра введен резистор  $R_{\phi}$  (рис. 1).

На рис.7 показаны диаграммы  $i_{\phi}$  и  $u_{\phi}$ . Частота  $f_M=1500\Gamma$ ц ( $f_R=3000\Gamma$ ц при дискретности перемещения вектора 6°), параметры фильтра на входе:  $L_{\phi}=0.5 \text{ м}\Gamma$ н,  $R_{\phi}=6 \text{ Ом}$ ,  $C_{\phi}=100 \text{ мк}\Phi$ . Ток  $i_{\phi}$  опережает  $u_{\phi}$ , что обусловлено присутствием  $C_{\phi}$  на входе и соответствующей емкостной составляющей тока, которая не зависит от нагрузки. Исходя из баланса активных мощностей, при  $cos\phi=1$  найдем соотношение между входным и выходным токами выпрямителя:

$$P_{I} = \sqrt{3}I_{IJ}U_{JI} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}I_{IJ}U_{Jm} = P_{d} = (m\frac{\sqrt{3}}{2}U_{Jm})I_{H},$$

где  $I_{1,\Pi}$  – линейный ток, потребляемый из сети. Отсюда  $I_{1,\Pi} = m \frac{I_H}{\sqrt{2}}$ .

Транзисторы схемы проводят ток половину периода напряжения сети, среднее значение тока транзистора и диода  $I_{VTCP} = m \frac{I_H}{p \sqrt{2}}$ ,  $I_{VDCP} = I_H (1-\mu)$  при амплитуде  $I_{VTm} = I_H$ .



**Выводы.** Возможности регулирования напряжения УВ из условия обеспечения синусоидального входного тока ограничены значением  $0.866U_{Лm}$ . Поэтому применение схемы предполагает использование соответствующего согласующего трансформатора

1. Костенко В.І., Шавьолкін О.О. Перетворювальна техніка.: Навч. посібник. – Донецьк: ДонНТУ, 2006. – 232с.