Кузиков А.А.<sup>1</sup>, Орехов Р.С.<sup>2</sup>, Саломатов Ю.П.<sup>3</sup>, Сугак М.И.<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Санкт-Петербургский государственный электротехнический

университет «ЛЭТИ» <sup>2</sup>АО «НИИ "Вектор» <sup>3</sup>Сибирский федеральный университет

## Исследование печатной цилиндрической линзы Люнеберга

Представлены результаты разработки и экспериментального исследования цилиндрической линзы Люнеберга мм-диапазона, выполненной средствами 3D печати. Макет антенны реализован двумя способами: на основе однородного ступенчатого и перфорированного диэлектрика и работает в полосе частот 18-26 ГГц.

## Ключевые слова: цилиндрическая линза Люнеберга, искусственный диэлектрик, 3D печать.

Многолучевые антенны, построенные на основе линзы Люнеберга (ЛЛ) привлекают разработчиков своей широкой полосой рабочих частот и постоянством формы диаграммы направленности (ДН) при отклонении луча в широком интервале углов [1-5]. Появление технологии 3D печати позволяет существенно расширить сферу применения ЛЛ и упростить их производство.

В данной работе был произведен расчёт геометрии двух вариантов исполнения цилиндрической ЛЛ из однородного и перфорированного диэлектриков, выполнено электродинамическое моделирование, изготовлены и исследованы характеристики макетов антенн.

Цилиндрическая ЛЛ устанавливается между двумя металлическими пластинами дисковой формы и имеет коэффициент преломления, который изменяется по закону:

$$n(r) = \sqrt{2 - (\frac{r}{\rho})^2},$$

где r – расстояние от оси цилиндра;  $\rho$  – радиус цилиндра. В соответствии с законами геометрической оптики траектории лучей в такой линзе представляют собой части эллипсов [2]. Излучающим раскрывом цилиндрической ЛЛ является часть боковой поверхности цилиндра, противоположная точке облучения. В выходной плоскости ЛЛ образуется плоский фронт волны, результаты электродинамического моделирования, иллюстрирующие этот факт, приведены на рис.1.

При вертикальной поляризации поля текущая толщина диэлектрика ЛЛ *t* определяется по известной методике из соотношения [2]:

$$tg\left[\frac{2\pi}{\lambda_{0}}(s-t)\sqrt{1-n^{2}}\right] + \frac{\sqrt{n_{\mu}^{2}-n^{2}}}{n_{\mu}^{2}\sqrt{1-n^{2}}}tg\left[\frac{2\pi t}{\lambda_{0}}\sqrt{n_{\mu}^{2}-n^{2}}\right] = 0.$$

Здесь *s*-расстояние между пластинами, *n* требуемое значение коэффициента преломления,  $n_{\partial}$  коэффициент преломления диэлектрика. Расстояние между пластинами должно быть меньше половины длины волны в диэлектрике с  $n = n_{\text{max}}$ .



Рис. 1. Электрическое поле в цилиндрической ЛЛ

На этапе проектирования в пакете CST Studio была построена 3D модель идеализированной цилиндрической ЛЛ, выполненной из однородного диэлектрика с непрерывным законом изменения толщины (рис. 2). Высота диэлектрика непрерывно уменьшается от 3.14 мм в центре до нуля на краях. Расстояние между проводящими основаниями s = 3.55 мм, диаметр линзы – 91.6 мм, диэлектрическая проницаемость материала  $\varepsilon = 2.3$ .



Рис. 2. Сечение модели идеализированной цилиндрической ЛЛ.

Известно [3], что ступенчатая аппроксимация непрерывного закона не приводит к существенному искажению свойств ЛЛ при числе ступеней не менее семи и равномерному выбору шага по диэлектрической проницаемости.

На рисунке 3 приведена ступенчатая аппроксимация закона изменения проницаемости цилиндрической ЛЛ и фотография соответствующего макета, выполненного средствами 3D печати. Диэлектрические детали выполнялись из материала HIPS ( $\mathcal{E}=2.3$ , tg $\delta=0.0025$ ) на 3D принтере с системой подачи нити типа боуден, соплом 0.4 мм, собранном на базе платы RepRap 1.4 под управлением «Arduino mega 2560» с прошивкой «Marlin».



Рис. 3. Ступенчатая аппроксимация закона изменения диэлектрической проницаемости ЛЛ и линза макета.

Другой известный способ реализации искусственного материала с заданным законом изменения коэффициента преломления заключается в перфорации однородного диэлектрика, т.е. в цельном куске материала выполняются цилиндрические отверстия нужного радиуса. Их число и диаметр выбираются так, чтобы эффективный коэффициент преломления (диэлектрическая проницаемость) подчинялся закону[5]:

$$\varepsilon_{abb} = \varepsilon(1-\alpha) + \alpha$$

где ε относительная диэлектрическая проницаемость материала, относительная эффективная проницаемость, α – коэффициент заполнения:

$$\alpha = \frac{\pi}{2\sqrt{3}} \left(\frac{d}{c}\right)^2,$$

d-диаметр отверстий, с – расстояние между их центрами. На рисунке 4 представлен второй исследуемый вариант исполнения ЛЛ. Здесь четыре верхних ступени радиальной зависимости коэффициента преломления задаются отверстиями.



Рис. 4. Выполнение макета ЛЛ с помощью перфорации.

Результаты экспериментального исследования двух описанных вариантов выполнения ЛЛ приведены ниже. В качестве облучателя использовался рупор с апертурой 11.75 мм х 3.55 мм и длиной расширяющей части 25.2 мм.

На рисунке 5 приведена частотная зависимость ШДН двух исследуемых вариантов выполнения ЛЛ, причем расчётные данные соответствуют модели с непрерывным изменением высоты диэлектрика. В диапазоне 18 ГГц – 26 ГГц ШДН модели ЛЛ уменьшается с 10.8<sup>0</sup> до 7.4<sup>0</sup>, что свидетельствует о высоком коэффициенте использования поверхности антенны.



Рис. 5. Частотная зависимость ШДН по уровню -3 дБ (эксперимент, расчет).



Рис. 6. ДН линзы на крайних частотах рабочего диапазона (эксперимент).

На рисунке 6 приведены измеренные азимутальные сечения ДН на крайних частотах рабочего диапазона (18 ГГц и 26 ГГц). Измеренные данные хорошо совпадают с расчётными. Авторы выражают признательность к.ф.-м.н. Сурикову В.В за помощь в проектировании антенн.

## Библиографический список

1. Зелкин Е.Г., Петрова Р.А. Линзовые антенны. Москва: Советское радио, 1974. – 279 с

2. Жук М.С., Молочков Ю.Б. Проектирование линзовых, сканирующих, широкодиапазонных антенн и фидерных устройств. М. Энергия 1973г. 440 с., илл.

3. Кузьмин С. В. Математическая модель многослойной линзы Люнеберга. Дисс. на соискание к.ф.м.н. СПб 2004 г.

4. Александрин А.М., Рязанцев Р.О., Саломатов Ю.П., Сугак М.И. Сферическая линза Люнеберга из искусственного диэлектрика // Известия высших учебных заведений. Физика. Томск. 2010. № 9/2. С. 70–72.

5. A. Petosa, A. Itippiboon, and S. Thirakoune, Shadow blockage improvement using a perforated dielectric Fresnel lens, Proc. 2003 IEEE Antennas and Propagation Society Int. Conf. Vol. 4, June 22–27, 2003, pp. 514-517.