

цитность (стоимость) и токсичность составляющих входящего и выходящего потоков, тем более детализированным должен быть экобаланс. В перечень веществ и их химических соединений, которые оказывают значительное негативное влияние на здоровье людей и подлежат жесткому контролю, в первую очередь включаются: алюминий, бериллий, ванадий, железо, кадмий, кобальт, марганец, молибден, медь, никель, ртуть, свинец, селен, серебро, стронций, цезий, цинк, соединения азота, нефтепродукты.

Расчет экологических балансов решает задачи экологического контроллинга по выявлению узких мест в сфере материало- и энергопотребления, улучшению характеристик экологичности продукции или производственных процессов, поиску управленческих решений относительно уменьшения общей нагрузки на окружающую природную среду в виде сокращения отходов (выбросов в атмосферу, сбросов в водные объекты, загрязнения земельных ресурсов, теплового загрязнения) и т. д.

Снижение техногенной нагрузки возможно в ходе замены стратегии «конца трубы» на стратегию «чистого производства», которая представляет собой использование интегрированной превентивной экологической стратегии в процессах, продуктах, услугах для повышения общей эффективности и уменьшения ущерба, нанесенного человечеству и окружающей природной среде.

В промышленности концепция «чистого производства» достигается за счет комбинации таких методов, как рациональное использование сырья, материалов, энергоносителей; избежание использования токсичных и вредных материалов; уменьшение объема и токсичности всех видов загрязнений и отходов на уровне источника возникновения перед тем, как они покинут производственный процесс.

В жизненном цикле продукции она направлена на уменьшение экодеструктивного влияния продукции на протяжении всего жизненного цикла, включая стадии проектирования, добычи сырья, производства, потребления, конечного использования и утилизации.

Таким образом, экологический контроллинг, являясь информационно-аналитическим инструментом экоменеджмента предприятия, направлен на внутреннее фиксирование и анализ эколого-экономических результатов производства для обеспечения процесса принятия управленческих решений. В свою очередь экологические, и, как следствие, экономические характеристики деятельности предприятия зависят от эффективности управления экологическими аспектами, которая определяется на основании системы показателей экологической результативности. Формировать такую контрольно-информационную систему рекомендуется с использованием процессного подхода, изучающего входящие потоки, зону функционирования и выходящие потоки, с учетом специфики производственно-хозяйственных процессов. На основании показателей экологической результативности выявляются узкие места в сферах управления и производства, принимаются соответствующие решения по повышению экологической чистоты промышленного производства.

### **Литература**

1. Шляго Н.Н. Экологически ответственное поведение фирмы в свете системной концепции контроллинга Green Controlling / Сборник трудов III Международного конгресса по контроллингу, Санкт-Петербург, 17-18 мая, 2013 г. 322 с. С. 303–308.

2. Кожухова О.С. Экологический учет и экологический контроллинг: взаимосвязь и интеграция [Электронный ресурс] / Управление экономическими системами: электронный научный журнал. 2012. № 3. URL: <http://www.uecs.ru/> (дата обращения: 05.04.2017).

3. Лыкова Е.Е. Экологизация учетной системы как новое направление реформирования бухгалтерского учета в России [Электронный ресурс] / Альманах современной науки и образования. Тамбов: Грамота, 2015. № 4. С. 100–102. URL: [www.gramota.net/materials/1/2015/4/24.html](http://www.gramota.net/materials/1/2015/4/24.html) (дата обращения: 05.04.2017).

УДК 519.725, 625.7, 681.3

### **АППАРАТНАЯ РЕАЛИЗАЦИЯ КОДОВ БЧХ И КОДОВ РИДА-СОЛОМОНА**

**Дяченко Олег Николаевич, Дяченко Валерий Олегович**

Донецкий национальный технический университет,

Донецк, Донецкая Народная Республика

### **Аннотация**

Рассматриваются вопросы аппаратной реализации кодов BCH и Рида-Соломона, исправляющих одиночные и двойные ошибки. Показаны общие принципы построения декодеров, а также различия используемых элементов. Рассмотренные варианты имеют простой способ декодирования – именно для кодов BCH и Рида-Соломона, исправляющих одиночные и двойные ошибки (пакетов ошибок), возможен синдромный метод декодирования.

**Ключевые слова:** поле Галуа, циклические коды, двойственный полином, порождающий полином, пакет ошибок.

## **HARDWARE IMPLEMENTATION OF BCH CODES AND REED-SOLOMON CODES**

**Dyachenko Oleg, Dyachenko Valery**  
Donetsk national technical university  
Donetsk People's Republic

### **Abstract**

*It is discussed the issues of hardware implementation of BCH and Reed-Solomon codes correcting single and double errors. Shows the general principles of construction of decoders, as well as the differences of used elements. The considered variants have a simple way of decoding – BCH and Reed-Solomon codes correcting single and double errors (burst errors), and possible to use syndrome decoding method.*

**Keywords:** Galois field, cyclic codes, generator polynomial, error burst.

### **Введение**

Наша планета постепенно и неуклонно оказывается в своеобразном информационном “конце”. Всемирная паутина разрастается стремительными темпами: если в 2000 году было 359 млн. пользователей сети Интернет, то в марте 2017 года их количество уже 3732 млн. – это половина населения земного шара. Увеличение количества передаваемой, хранящейся и обрабатываемой информации приводит к требованиям обеспечения ее достоверности и надежности используемых аппаратных и программных средств. От успешного решения этих задач, с одной стороны, зависит процветание нынешней цивилизации, или, с другой стороны, ее саморазрушение, например, из-за случайного или намеренного сбоя в военных приложениях. Поэтому для устранения последствий возможных ошибок или дефектов аппаратных средств используется весь арсенал методов и средств помехоустойчивого кодирования, встроенного самотестирования.

Для обнаружения и исправления ошибок в запоминающих устройствах используются циклические коды: Хэмминга, BCH, Рида-Соломона, Файра и др. [1-3]. В данной работе проводится анализ особенностей аппаратной реализации кодов BCH и кодов Рида-Соломона.

### **Аппаратная реализация кодов BCH**

Порождающий полином кода BCH, исправляющего S ошибок, должен содержать 2S корней. Множество этих корней:  $\{\alpha^{j_0}, \alpha^{j_0+1}, \alpha^{j_0+2}, \dots, \alpha^{j_0+2S-1}\}$ , где  $j_0$  – конструктивный параметр. Как правило,  $j_0 = 1$ , тогда множество корней имеет вид  $\{\alpha, \alpha^2, \alpha^3 \dots \alpha^{2S}\}$ .

Для вычисления этого полинома используют минимальные полиномы, полученные для некоторого поля Галуа. Размер поля Галуа выбирается в зависимости от необходимой длины и корректирующих возможностей кода. Если для построения кода выбрать поле Галуа GF(16), то длина неукороченного кода будет равна 15 для любой (до семи для этого поля) кратности исправляемых ошибок [3-7].

Пусть  $M_i$  – минимальный полином для элемента  $\alpha^i$ . Поскольку  $\alpha^i$  является корнем  $M_i$ , то порождающий полином кодов BCH имеет следующий вид.

Для кода BCH, исправляющего одиночные ошибки  $V(x) = \text{НОК} \{M_1(x), M_2(x)\} = M_1(x) = (x^4 + x + 1)$  - (15, 11)-код Хэмминга.

Порождающий полином кода BCH, исправляющего двойные ошибки:

$$V(x) = \text{НОК} \{M_1(x), M_2(x), M_3(x), M_4(x)\} = \text{НОК} \{M_1(x), M_3(x)\} = (x^4 + x + 1) * (x^4 + x^3 + x^2 + x + 1) = x^8 + x^7 + x^6 + x^4 + 1$$

Таблица 1. Поле Галуа GF(16) построенное по полиному  $p(z) = z^4 + z + 1$ .

В виде степени	В виде полинома	В двоичном виде	Минимальный полином
0	0	0000	
$\alpha^0$	1	0001	$x+1$
$\alpha^1$	$z$	0010	$x^4+x+1$
$\alpha^2$	$z^2$	0100	$x^4+x+1$
$\alpha^3$	$z^3$	1000	$x^4+x^3+x^2+x+1$
$\alpha^4$	$z+1$	0011	$x^4+x+1$
$\alpha^5$	$z^2+z$	0110	$x^2+x+1$
$\alpha^6$	$z^3+z^2$	1100	$x^4+x^3+x^2+x+1$
$\alpha^7$	$z^3+z+1$	1011	$x^4+x^3+1$
$\alpha^8$	$z^2+1$	0101	$x^4+x+1$
$\alpha^9$	$z^3+z$	1010	$x^4+x^3+x^2+x+1$
$\alpha^{10}$	$z^2+z+1$	0111	$x^2+x+1$
$\alpha^{11}$	$z^3+z^2+z$	1110	$x^4+x^3+1$
$\alpha^{12}$	$z^3+z^2+z+1$	1111	$x^4+x^3+x^2+x+1$
$\alpha^{13}$	$z^3+z^2+1$	1101	$x^4+x^3+1$
$\alpha^{14}$	$z^3+1$	1001	$x^4+x^3+1$

Так как поле GF(16) содержит 15 ненулевых элементов, то длина кода  $n = 15$ : количество проверочных символов  $p = \deg B(x) = 8$ , количество информационных символов  $k = n-p = 7$ .

Получили код БЧХ (15, 7), исправляющий двойные ошибки.

#### Аппаратная реализация кодов Рида-Соломона

Для кода Рида – Соломона, исправляющего  $s$  ошибок, порождающий полином представляет собой произведение:

$$RS(x) = (x - \alpha)(x - \alpha^2)(x - \alpha^3) \dots (x - \alpha^{2s}).$$

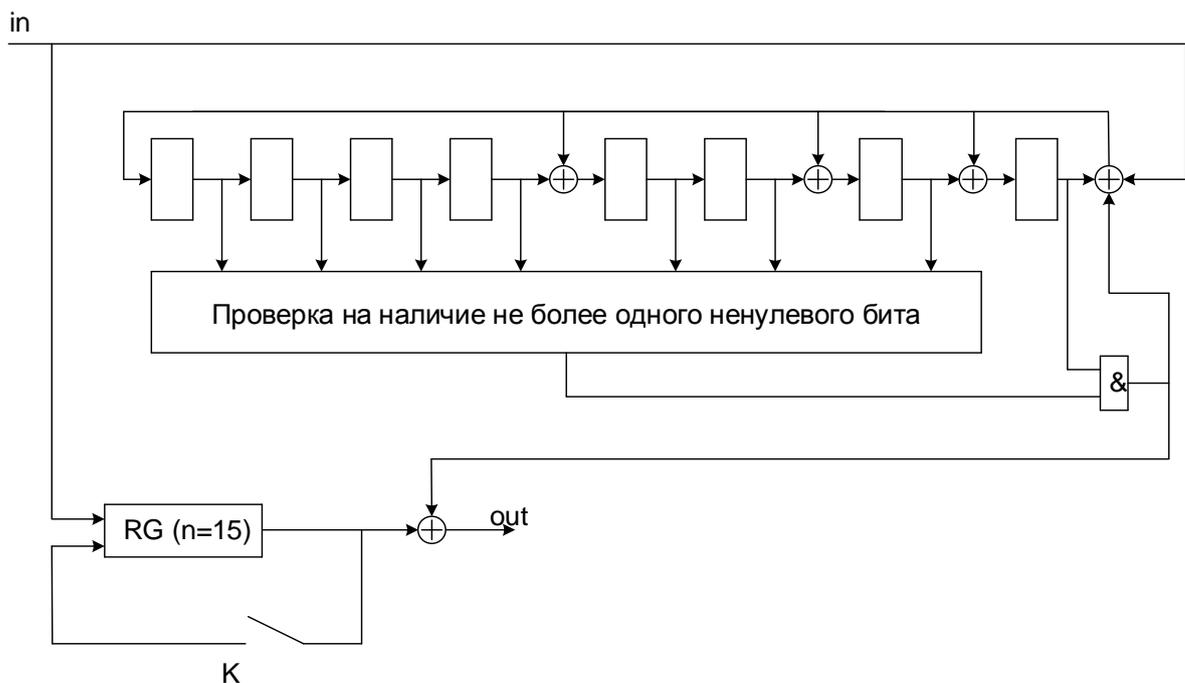


Рисунок 1 - Декодер (15, 7) кода БЧХ, исправляющего двойные ошибки

Для кода Рида–Соломона, исправляющего одиночную ошибку ( $s=1$ ), порождающий полином имеет вид  $RS(x) = (x - \alpha)(x - \alpha^2)$ .

Возможно несколько форм записи порождающего полинома для кодов Рида–Соломона. Как правило, для построения кодов Рида–Соломона используют расширения поля GF(2) над примитивным полиномом  $p(z)$ . В этом случае, в соответствии с определением примитивного полинома, элемент поля  $z$  является примитивным. Поэтому вместо обозначения примитивного элемента  $\alpha$  можно использовать  $z$ :

$$RS(x) = x^2 + (\alpha + \alpha^2) * x + \alpha^3 = x^2 + (z + z^2) * x + z^3.$$

Другая форма будет зависеть от того, какое именно поле используется для построения кода Рида-Соломона. Поэтому эту форму рассмотрим на примере.

Пример. Построим поле Галуа GF(8) как расширение поля GF(2) над примитивным полиномом  $p(z) = z^3 + z + 1$ . Элементы поля могут быть представлены в различном обозначении [6-7].

Таблица 1. Поле Галуа GF(8), построенное по полиному  $p(z) = z^3 + z + 1$ .

В виде степени	В виде полинома	В двоичном виде	Минимальный полином
0	0	000	-
$\alpha^0$	1	001	$x+1$
$\alpha^1$	$z$	010	$x^3+x+1$
$\alpha^2$	$z^2$	100	$x^3+x+1$
$\alpha^3$	$z + 1$	011	$x^3+x^2+1$
$\alpha^4$	$z^2 + z$	110	$x^3+x+1$
$\alpha^5$	$z^2 + z + 1$	111	$x^3+x^2+1$
$\alpha^6$	$z^2 + 1$	101	$x^3+x^2+1$

Поскольку  $RS(x) = x^2 + (z + z^2) * x + z^3$ , а  $(z + z^2)$  для рассматриваемого поля GF(8) в степенном обозначении  $\alpha^4, z^3 - \alpha^3$ , то порождающий полином можно представить в следующей форме:  $RS(x) = x^2 + \alpha^4 x + \alpha^3$ .

Если поле Галуа строится над примитивным полиномом  $p(z)$ , то возможна другая форма записи порождающего полинома – в качестве примитивного элемента  $\alpha$  можно использовать элемент поля  $z$  [6-7].

$$RS(X) = (X - \alpha)(X - \alpha^2)(X - \alpha^3)(X - \alpha^4) = X^4 + X^3(z^4 + z^3 + z^2 + z) + X^2(z^7 + z^6 + z^4 + z^3) + X(z^9 + z^8 + z^7 + z^6) + z^{10}.$$

для поля GF(2<sup>8</sup>):

$$RS(X) = X^4 + X^3(z^4 + z^3 + z^2 + z) + X^2(z^7 + z^6 + z^4 + z^3) + X(z^7 + z^6 + z^5 + z^2 + z + 1) + (z^6 + z^5 + z^4 + z^2).$$

Декодер кода Рида – Соломона аналогичен декодеру кода БЧХ (рис. 1).

Разница заключается в интерпретации элементов: памяти – триады, тетрады, пентады, гексады, гептады, огдоады, эннеады, декады; умножителей на константу, сумматоров.

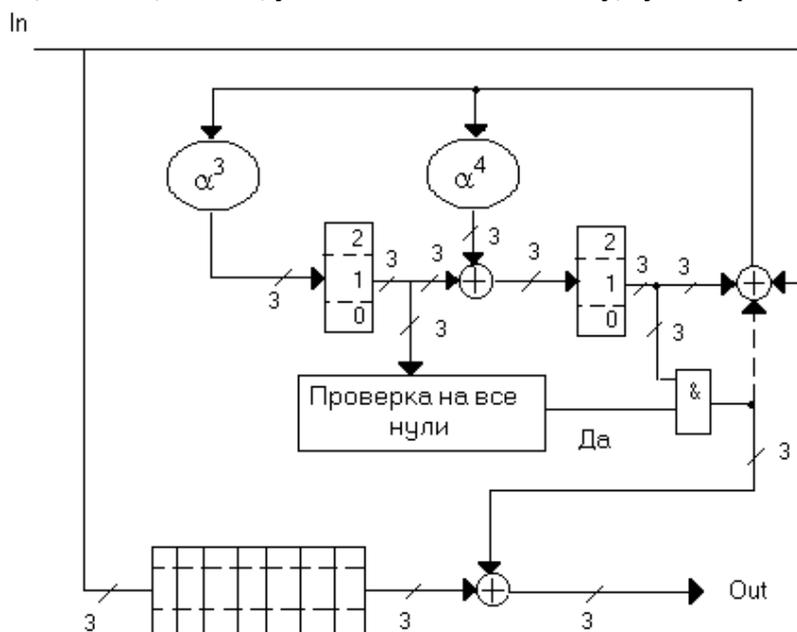


Рисунок 2 - Декодер (7, 5) кода Рида-Соломона, исправляющего одиночные ошибочные триады

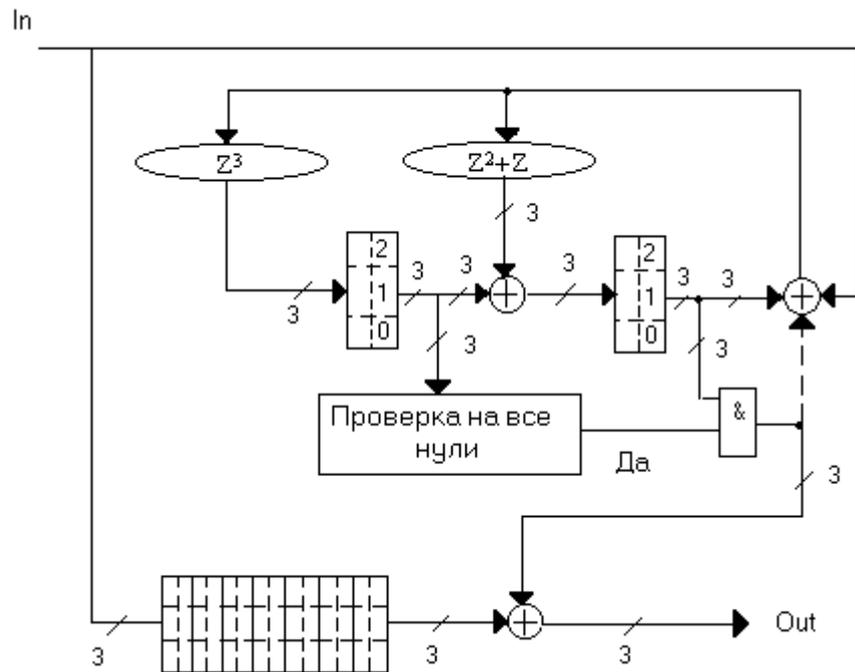


Рисунок 3 - Декодер для посимвольно перемеженного (7,5) кода Рида-Соломона с параметром перемежения  $j=2$

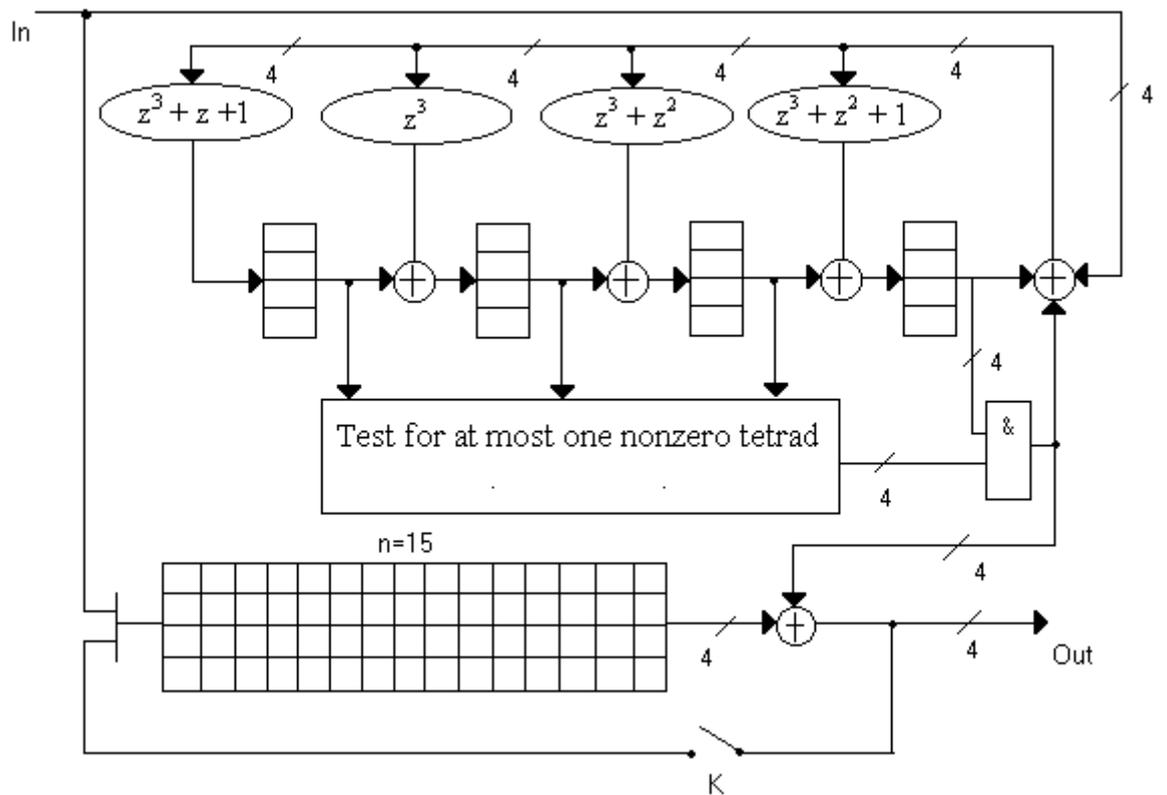


Рисунок 4 - Декодер (15, 11) кода Рида-Соломона, исправляющего двойные ошибочные тетрады

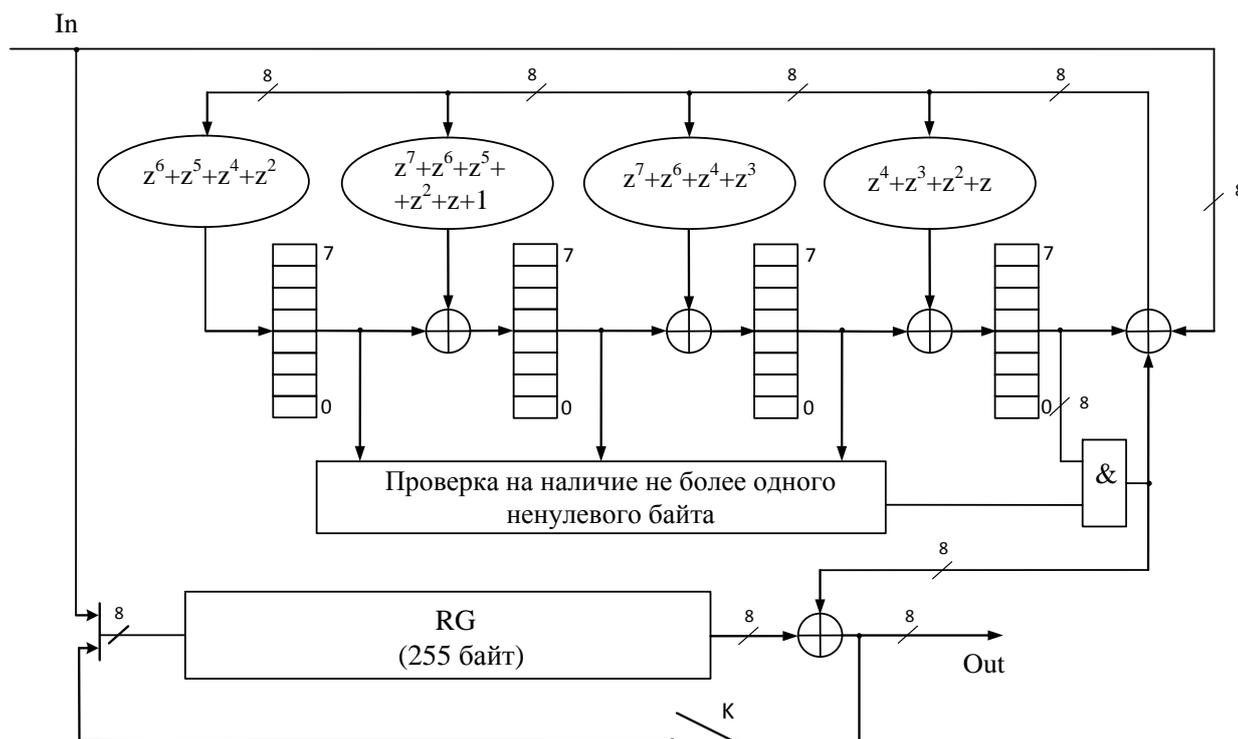


Рисунок 5 - Декодер (255, 251) кода Рида-Соломона, исправляющего двойные ошибочные байты

### Заключение

В работе рассмотрены особенности реализации кодов БЧХ и Рида-Соломона. Проиллюстрированы общие черты и различия аппаратной реализации. Рассмотренные варианты имеют простой способ декодирования (вылавливание ошибок), поэтому и в настоящее время они широко распространены как в аппаратной, так и в программной реализации. Кроме того, рассмотренные варианты можно использовать для метода посимвольного перемежения. Многие вопросы, связанные с построением кодов Рида-Соломона и с алгеброй полей Галуа, становятся более понятными при иллюстрации их конкретными примерами реализации.

### Литература

1. Морелос-Сарагоса Р. Искусство помехоустойчивого кодирования - методы, алгоритмы, применение. — М.: Техносфера, 2005. — 320 с.
2. Richard E. Blahut. Algebraic Codes for Data Transmission/ Cambridge University Press, 2012. — 498 p.
3. Питерсон У., Уэлдон Э. Коды, исправляющие ошибки. — М.: Мир, 1976. — 595 с.: ил.
4. Дяченко В.О., Зинченко Ю.Е., Дяченко О.Н. Исследование способов проектирования кодов Рида-Соломона// Інформаційні управляючі системи та комп'ютерний моніторинг (ІУС КМ-2014): V Всеукраїнська науково-технічна конференція студентів, аспірантів та молодих вчених, 22-23 квітня 2014 р., м. Донецьк : зб. доп./ Донец. націонал. техн. ун-т; редкол. В.А.Світлична. — Донецьк: ДонНТУ, 2014. — в 2 тт. — т.2. — С. 72-78.
5. Дяченко О.Н., Дяченко В.О. Укорачивание циклических кодов на основе альтернативного деления полиномов // Современные тенденции развития и перспективы внедрения инновационных технологий в машиностроении, образовании и экономике: материалы III Международной научно-практической конференции (Азов, 25 мая 2016 г.). / Азов: Изд-во: ООО "АзовПечать", 2016. — С. 45-50.
6. Дяченко В.О., Дяченко О.Н. Циклическое кодирование цифровой информации на основе двойственных полиномов // Современные тенденции развития и перспективы внедрения инновационных технологий в машиностроении, образовании и экономике: материалы II Международной научно-практической конференции (Азов, 19 мая 2015 г.) [Электронный ресурс]. — Ростов н/Д, ДГТУ, 2015. — С. 71-76.
7. Дяченко О.Н., Дяченко В.О. Альтернативный метод укорачивания циклических кодов // Электронные информационные системы. 2017. № 1 (12). С. 94–100.